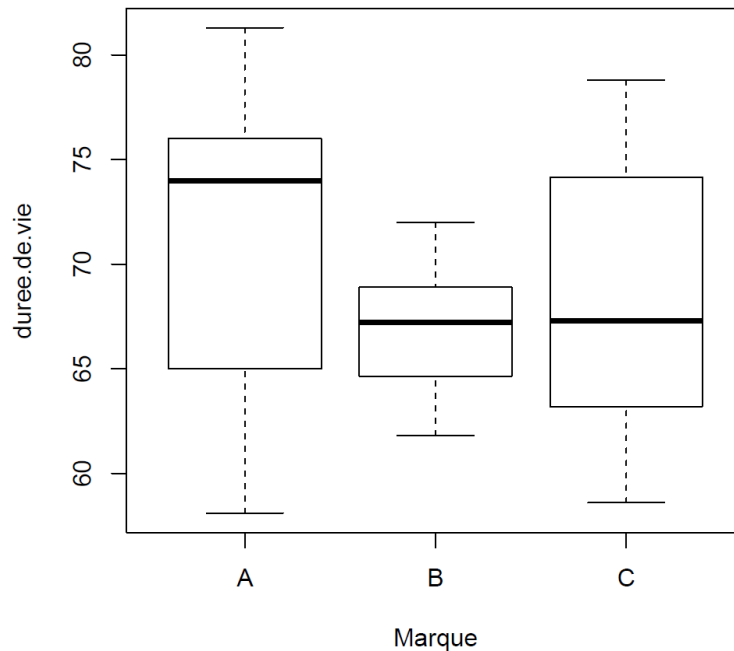


Le tableau suivant donne les résumés numériques classiques pour chaque marque.

	Marque A	Marque B	Marque C
Médiane : M	74	67.2	67.3
Moyenne : \bar{x}	70.45	66.97	68.83
(x_{\min}, x_{\max}) E	(58.1 ;81.3) 23.2	(61.8 ;72) 10.2	(58.6 ;78.8) 20.2
(Q_1, Q_3) IQ	(• ;•) •	(64.65 ;68.9) 4.25	(63.2 ;74.15) 10.95
Variance : s	6.91	2.78	6.28

1) Complétez la case manquante de la marque A. Justifiez votre réponse.

2) Placez les éléments qui ont permis de tracer les box-plots sur les graphiques associés.



3) Commentez les box-plots et le tableau ci-dessus. Quelle marque de pile auriez-vous achetée ?

4) Calculez la durée de vie moyenne toutes marques confondues.

Exercice 4

Une entreprise de vente par correspondance vend 5 produits (P_1, P_2, P_3, P_4, P_5) dans 4 régions (Ouest, Sud, Est, Nord). Un échantillon aléatoire de 680 commandes a permis d'établir tous les résultats donnés en annexes.

- Les tableaux 1 et 2 présentent les effectifs et les fréquences observés.
- Les tableaux 3 et 4 donnent les profils lignes et les profils colonnes.
- Le tableau 5 représente les écarts du chi-deux
- Le tableau 6 donne les seuils de comparaison en fonction des degrés de liberté (d.d.l.).
- Le tableau 7 affiche les résultats sur les valeurs propres d'une AFC effectuée avec R
- Le tableau 8 affiche les résultats sur les profils-lignes d'une AFC effectuée avec R
- Le tableau 8 affiche les résultats sur les profils-colonnes d'une AFC effectuée avec R
- La figure 1 représente le plan principal de l'AFC

1) Quelles affirmations sont vraies ?

- A) La probabilité qu'une commande choisie au hasard provienne de la région « Ouest » est 0.21
- B) La probabilité qu'une commande choisie au hasard concerne le produit « P_1 » est 0.24
- C) Il y a 12% de chance qu'un produit P_2 provienne de la région « Sud »
- D) Il y a 21% de chance qu'une commande choisie au hasard concerne un produit P_1 provenant de la région « Sud »

2) On note X la variable « région » et Y la variable « produit ». A quel type de probabilités correspondent les lignes du tableau 3 ?

- A) $P(X|Y)$ B) $P(Y|X)$ C) $P(X \cap Y)$ D) $P(X \cup Y)$

3) La première case du tableau 3 vaut

- A) 0.09 B) 0.19 C) 0.14 D) 0.018

4) Dans le tableau 3, pour une colonne donnée, peut-on faire la somme des lignes ?

- A) Oui, la somme vaut 1
- B) Non, cela ne veut rien dire
- C) Oui, la somme vaut la dernière ligne du tableau 2

5) Dans le tableau 3, pour une ligne donnée, peut-on faire la somme des colonnes ?

- A) Oui, la somme vaut 1
- B) Non, cela ne veut rien dire
- C) Oui, la somme vaut la dernière colonne du tableau 2

6) Dans le tableau 5, que valent les cases vides (aux arrondis près):

- A) (*) = 0.45 et (**) = 6.03 B) (*) = 5.51 et (**) = 1.01 C) (*) = 0.19 et (**) = 6.33

7) A l'aide du tableau 6, déterminez le seuil pour la distance du chi-deux

- A) 9.49 B) 11.07 C) 7.82 D) 18.31 E) 21.03 F) 26.3 G) 31.41

8) Peut-on affirmer que les deux variables sont dépendantes ?

- A) OUI B) NON

Cette partie concerne les résultats de l'AFC

9) Pourquoi y-a-t-il 3 dimensions ?

10) A quoi correspondent les pourcentages affichés sur les axes 1 et 2 de la figure 1 ?

11) Quels axes faudrait-il afficher pour avoir une bonne représentation de la région « Ouest ». Justifiez.

12) A l'aide des tableaux 3, 4 et 5, expliquez pourquoi :

- a. P_4 et P_2 sont les plus éloignés du centre du graphique
- b. « Est » est la région la plus éloignée du centre du graphique
- c. « Est » et P_2 sont proches

ANNEXE

	P ₁	P ₂	P ₃	P ₄	P ₅	Total
Ouest	28	14	45	33	12	132
Sud	36	21	25	64	23	169
Est	21	64	38	11	7	141
Nord	79	42	67	9	41	238
Total	164	141	175	117	83	680

Tableau 1 : Effectifs observés

	P ₁	P ₂	P ₃	P ₄	P ₅	Total
Ouest	0,041	0,021	0,066	0,049	0,018	0,194
Sud	0,053	0,031	0,037	0,094	0,034	0,249
Est	0,031	0,094	0,056	0,016	0,010	0,207
Nord	0,116	0,062	0,099	0,013	0,060	0,350
Total	0,241	0,207	0,257	0,172	0,122	1

Tableau 2 : fréquences observées

	P ₁	P ₂	P ₃	P ₄	P ₅
Ouest	0,21	0,11	0,34	0,25	•
Sud	0,21	0,12	0,15	0,38	0,14
Est	0,15	0,45	0,27	0,08	0,05
Nord	0,33	0,18	0,28	0,04	0,17

Tableau 3 : Tableau des profils lignes

	P ₁	P ₂	P ₃	P ₄	P ₅
Ouest	0,17	0,10	0,26	0,28	0,14
Sud	0,22	0,15	0,14	0,55	0,28
Est	0,13	0,45	0,22	0,09	0,08
Nord	0,48	0,30	0,38	0,08	0,49

Tableau 4 : Tableau des profils colonnes

	P ₁	P ₂	P ₃	P ₄	P ₅	Total
Ouest	(*)	6,485	3,632	4,684	1,042	
Sud	0,566	5,632	7,878	41,768	0,266	
Est	4,923	41,713	0,092	7,209	(**)	
Nord	8,166	1,072	0,556	24,915	4,930	
Total						171.84

Tableau 5 : Tableau des écarts du chi-deux

d.d.l.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
seuil	3.84	5.99	7.82	9.49	11.07	12.59	14.07	15.51	16.92	18.31
d.d.l.	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
seuil	19.68	21.03	22.36	23.68	25	26.3	27.59	28.87	30.14	31.41

Tableau 6. Seuils pour la distance du chi-deux

```
> round(res.ca$eig,3)
```

```
eigenvalue percentage of variance cumulative percentage of variance
dim 1      0.155                    61.425                    61.425
dim 2      0.080                    31.776                    93.201
dim 3      0.017                    6.799                    100.000
```

Tableau 7. Résultats sur les valeurs propres de l'AFC

```
> Résultats sur les lignes
> round(cbind(res.ca$row$coord[, 1:3], res.ca$row$cos2[, 1:3] ), 2)
Dim 1 Dim 2 Dim 3 Dim 1 Dim 2 Dim 3
Ouest 0.24 0.02 -0.25 0.47 0.00 0.53
Sud 0.55 -0.13 0.12 0.91 0.05 0.05
Est -0.49 -0.43 0.01 0.57 0.43 0.00
Nord -0.23 0.33 0.05 0.32 0.66 0.01
```

Tableau 8. Résultats sur les profils-lignes de l'AFC :
Les 3 premières colonnes correspondent aux coordonnées et les 3 dernières au \cos^2

```
> Résultats sur les colonnes
> round(cbind(res.ca$col$coord[, 1:3], res.ca$col$cos2[, 1:3] ), 2)
Dim 1 Dim 2 Dim 3 Dim 1 Dim 2 Dim 3
P1 -0.03 0.28 0.06 0.01 0.94 0.04
P2 -0.47 -0.39 0.09 0.58 0.40 0.02
P3 -0.14 0.08 -0.21 0.29 0.08 0.63
P4 0.77 -0.28 0.00 0.89 0.11 0.00
P5 0.08 0.34 0.17 0.04 0.77 0.19
```

Tableau 9. Résultats sur les profils-colonnes de l'AFC
Les 3 premières colonnes correspondent aux coordonnées et les 3 dernières au \cos^2

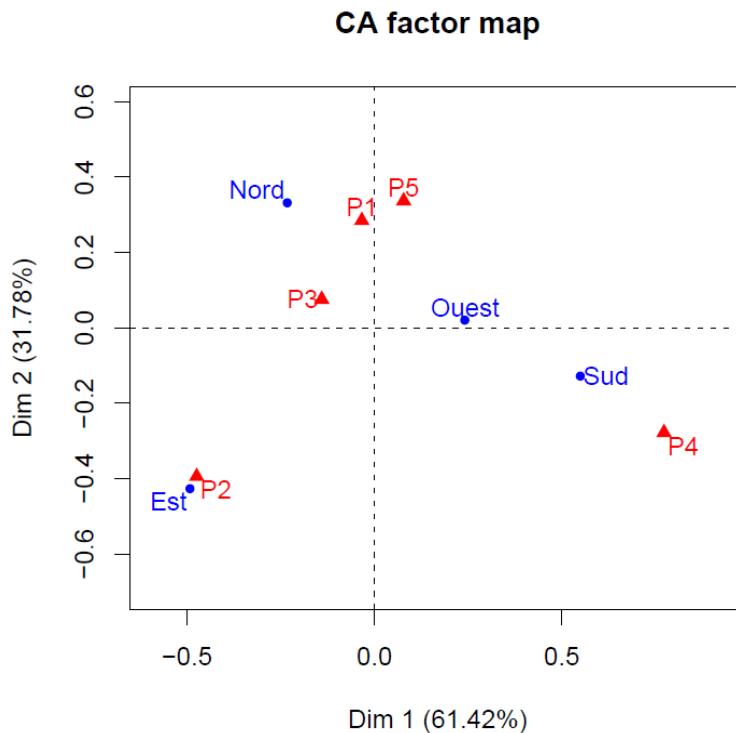


Figure 1. Représentation des résultats de l'AFC sur le plan principal