



THERMODYNAMIQUE

Travaux Dirigés — 4^e série

Exercice 1

On considère deux récipients A_1 et A_2 de sections $S_1 = 50 \text{ cm}^2$ et $S_2 = 10 \text{ cm}^2$ posés sur un même support horizontal. Ils sont reliés par un tube de volume négligeable, muni d'un robinet R initialement fermé. On verse 1 L de mercure dans A_1 et 0.5 L de mercure dans A_2 .

- Calculer les déplacements x_1 et x_2 de la surface libre du mercure dans les deux récipients lorsqu'on ouvre le robinet R .

On ajoute 1.5 L d'alcool dans le récipient A_1 .

Déterminer :

- la déplacement du niveau de mercure dans le récipient A_2 ;
- la dénivellation entre les deux surfaces libres.

On donne : mercure $\rho_m = 13.6 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$ et alcool $\rho_a = 0.79 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$

Exercice 2

On considère un tube en U, de section intérieure $s = 2 \text{ cm}^2$ contenant du mercure. Le tube étant ouvert à ces deux extrémités, le dénivèlement entre les deux surfaces libres est nul, et on donne $L_0 = 50 \text{ cm}$ la hauteur de la colonne d'air contenue dans chaque branche (B_1 et B_2).

- calculer le volume de glycérine à ajouter dans la branche B_1 de façon à ce que la colonne d'air au dessus de la branche B_2 ait une hauteur double de celle de la branche B_1
- calculer les hauteurs ℓ et 2ℓ des colonnes d'air ainsi que la dénivellation $2x_0$ pour le mercure.

On ferme maintenant les extrémités des deux branches afin d'emprisonner les deux colonnes d'air, à la même pression p_0 et à la même température T_0 . On chauffe alors l'air contenu dans la branche B_2 est alors portée à la température $T > T_0$, l'air en B_1 restant à T_0 . Le niveau de mercure se déplace alors de x .

- déterminer la loi $T(x)$
- pour $T_0 = 290 \text{ K}$ et $p_0 = 1 \text{ bar}$, calculer la température correspondant à un déplacement $x = 10.4 \text{ mm}$.

On donne : mercure $\rho_m = 13.6 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$ et glycérine $\rho_g = 1.25 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$

Exercice 3

La troposphère est la couche la plus basse de l'atmosphère (altitude z inférieure à 11 km). La température y décroît linéairement depuis la température $T_0 = T(z = 0) = 290$ K au niveau du sol, avec une pente $-a$ négative (donc $a > 0$).

On assimile ici l'air à un gaz parfait, en équilibre hydrostatique, et on suppose le champ de pesanteur uniforme.

- déterminer les relations $T(z)$, $p(z)$ et $\rho(z)$ pour $0 \leq z < 11$ km

A 200 m du sol, la température est de 288.6 K.

- déterminer l'altitude z_1 pour laquelle la pression est égale la moitié de la pression au niveau du sol.
- calculer la température T_1 correspondante.